

Dunque : *in quattro modi si possono congiungere a due a due con rette i vertici dei due tetraedri in guisa che le quattro congiungenti concorrano in un medesimo punto dello spazio, ed i quattro punti di concorso sono : il punto centrale ed i tre punti d'incontro delle rette lungo cui s'intersecano i piani reciproci ed opposti.*

Si osservi che *ciascuno dei punti I, II, III è contenuto in due piani centrali determinati da due spigoli opposti dell'uno o dell'altro tetraedro.* Infatti il punto I, per es., essendo l'intersezione delle rette 2 C e 3 B, giace nel piano centrale 023, ovvero OJ3C, ed essendo ancora l'intersezione delle rette iD e 4^{\wedge} , giace nel piano centrale 014 ovvero *o AD*. Questi due piani si segano lungo la retta *o I*, che si potrebbe chiamare *retta centrale*. Questa retta passa evidentemente per il punto comune agli spigoli reciproci 23 ed *AD*, 14 e *BC*, ossia pei punti (23) ed (14).

Consideriamo nuovamente il piano II, ossia il piano dei tre punti I, II, III. In questo piano, oltre le tre rette che congiungono a due a due questi punti, esistono le quattro rette d'intersezione delle faccie corrispondenti dei due tetraedri, le quali quattro rette si possono considerare come formanti un quadrilatero completo i cui sei vertici sono le intersezioni degli spigoli corrispondenti. In questo quadrilatero completo il vertice risultante dall'intersezione dei due spigoli corrispondenti 12 ed *AB* è opposto a quello risultante dall'intersezione dei due spigoli pure corrispondenti 34 e *CD*. Infatti, il primo è situato all'intersezione di due delle rette componenti il quadrilatero, cioè di quelle lungo cui si segano le faccie corrispondenti 123 ed *ABC*, 124 ed *ABD*, mentre il secondo è situato all'intersezione delle altre due rette, cioè di quelle lungo cui si segano le faccie corrispondenti 341 ed *ACD*, 342 e *BCD*. Ne risulta che la retta congiungente i due vertici anzidetti è una diagonale del quadrilatero completo. Ora è manifesto che questa retta è la comune intersezione dei due piani reciproci ed opposti 12 CD e $34^{\wedge}j3$, ossia, per quanto si è testé dimostrato, è la retta che passa pei punti I e II. Dunque : *le quattro rette d'intersezione delle faccie corrispondenti dei due tetraedri formano un quadrilatero completo, le cui diagonali sono le tre rette d'intersezione, dei piani reciproci ed opposti.*

Nella retta d'intersezione dei due piani reciproci ed opposti 12 CD e $34AB$ esistono quattro punti speciali, che sono : i due punti d'incontro degli spigoli corrispondenti 12 ed *AB*, 34 e *CD*, ed i due punti I e II. Dall'essere i primi due, vertici opposti del quadrilatero completo di pocanzi, e gli ultimi due, estremi della diagonale passante per essi, risulta evidentemente che queste due coppie di punti sono conjugate armonicamente fra loro. Dunque, *se per la retta centrale o III si faranno passare quattro piani, due dei quali contengano i lati opposti AB e CD, e gli altri due i punti I e II, queste due coppie di piani saranno conjugate armonicamente fra loro.*

Il punto I si trova, abbiám detto, all'intersezione delle
quattro rette iD, 2 C,
35, 4A.